

## Лихви. Комбинаторика. Статистика

$$(3) V = K \frac{q^n (q-1)}{q^n - 1}, \text{ където } q = 1 + \frac{p}{100} \text{ се нарича лихвен множител.}$$

### I. Лихви. Кредити

#### 1. Лихви

Обикновено лихвата се изчислява за даден период от време като процент от капитала вложен в банката. Този процент се нарича лихвен процент и се отбелязва с  $p$ , даденият период от време се нарича лихвен период и се отбелязва с  $n$ , а капитала вложен в банката се нарича начален (основен) капитал и се отбелязва с  $K_0$ . Нарасналия капитал за  $n$ -тия лихвен период се отбелязва с  $K_n$ .

Лихвата бива няколко вида:

- ◆ **Проста лихва** – Лихва, която се изплаща, когато в края на всеки лихвен период  $n$  се олихвява само внесенния начален капитал  $K_0$ . Нарасналият капитал  $K_n$  при проста лихва  $p\%$  се изчислява по формулата:

$$(1) K_n = K_0 \left( 1 + \frac{p}{100} \cdot n \right)$$

#### Бележка:

Във формула (1) лихвеният процент  $p\%$  е превърнат в число  $\frac{p}{100}$ .

- ◆ **Сложна лихва** – Лихва, която се изплаща, когато в края на всеки лихвен период  $n$  се прибавя към внесенния начален капитал  $K_0$  и в следващите периоди се олихвява заедно с него. Нарасналият капитал  $K_n$  в края на  $n$ -тия период при  $p\%$  сложна лихва се изчислява по формулата:

$$(2) K_n = K_0 \cdot q^n = K_0 \left( 1 + \frac{p}{100} \right)^n, \text{ където } q = 1 + \frac{p}{100} \text{ се нарича лихвен множител.}$$

#### 2. Кредит

Ако изтеглената сума от банка или друга кредитна институция е  $K$  лв. с лихвен процент (годишен или месечен)  $p\%$ , то за определен период от време  $n$  сумата трябва да се изплати чрез равни погасителни вноски  $V$ . Тези вноски се намират от формулата:

### Основни типове задачи

Зад. 1: Фирма взема заем от банка в размер от 200 000 лв. при 12% проста годишна лихва. Каква сума фирмата трябва да внесе в банката след 7 години?

**Решение:** В случая началната сума е  $K_0 = 200\,000$  лв., простата годишна лихва е  $p\% = 12\%$ , а лихвеният период е  $n = 7$  години. От (1) получаваме:

$$K_n = K_0 \left( 1 + \frac{p}{100} \cdot n \right) = 200\,000 \left( 1 + \frac{12}{100} \cdot 7 \right) = 200\,000 \cdot 1,84 = 368\,000.$$

Зад. 2: Сума от 300 лв. е вложена в банка на срочен месечен депозит при годишен лихвен процент от 5,4%. Каква ще бъде сумата след 3 месеца?

**Решение:** В случая имаме  $K_0 = 300$  лв.,  $n = 3$  месеца, а месечният лихвен процент получаваме от дадения годишен, т.е.  $p = 5,4 : 12 = 0,45$ . От формулата за сложна лихва (2) получаваме

- $q = 1 + \frac{p}{100} = 1 + \frac{0,45}{100} = 1 + 0,0045 = 1,0045$
- $K_3 = K_0 \cdot q^3 = 300 \cdot 1,0045^3 = 304,07$ , т.е. след 3 месеца сумата ще бъде 304 лв. и 7 ст.

Зад. 3: При какъв лихвен процент начален капитал ще нарасне 1,6 пъти за 9 години?

**Решение:** Преобразуваме (2) по следния начин:

- $K_n = K_0 \cdot q^n \Leftrightarrow q^n = \frac{K_n}{K_0}$  и като коренуваме получаваме  $q = \sqrt[n]{\frac{K_n}{K_0}}$ .
- от друга страна  $q = 1 + \frac{p}{100}$
- приравняваме двете равенства и получаваме

$$(4) p = \left( \sqrt[n]{\frac{K_n}{K_0}} - 1 \right) \cdot 100$$

В конкретната задача са дадени: нарастването на капитала  $\frac{K_n}{K_0} = 1,6$  и  $n = 9$ , то-

гава от (3) следва  $p = (\sqrt[3]{1,6} - 1) 100 = (1,054 - 1) 100 = 0,054 \cdot 100 = 5,4$ , т.е. при лихвен процент 5,4 % условието на задачата се изпълнява.

Зад. 4: След колко месеца влог от 3 000 лв. на срочен месечен депозит при годишен лихвен процент 5,4 % ще нарасне на 4 000 лв.?

Решение: От  $q^n = \frac{K_n}{K_0}$  като логаритмуваме двете страни при основа 10 получа-

ваме  $\lg q^n = \lg \frac{K_n}{K_0}$  и от свойствата на логаритмите получаваме

$$(5) \quad n = \frac{\lg K_n - \lg K_0}{\lg q}$$

- В конкретната задача имаме  $K_n = 4\,000$ ,  $K_0 = 3\,000$ .
- Намираме  $q$ :
  - месечният лихвен процент е  $p = 5,4 : 12 = 0,45\%$
  - $q = 1 + \frac{p}{100} = 1 + \frac{0,45}{100} = 1,0045$
- от (4) получаваме  $n = \frac{\lg K_n - \lg K_0}{\lg q} = \frac{\lg 4000 - \lg 3000}{\lg 1,0045} = \frac{3,60 - 3,48}{0,002} = \frac{0,12}{0,002} = 60$ , т.е. след 60 месеца (5 години) влог от 3 000 лв. ще нарасне на 4 000 лв.

Зад. 5: Търговска фирма изтеглила от банка кредит от 100 000 лв. за десет години при 5% сложна годишна лихва при условие, че фирмата ще погасява кредита с годишна кредитна вноска. Определете погасителната вноска.

Решение: По условие имаме  $K = 100\,000$ ,  $n = 10$ ,  $q = 1 + \frac{p}{100} = 1 + \frac{5}{100} = 1,05$ , то-

гава от формула (5) получаваме, че погасителната вноска е

$$V = K \frac{q^n (q - 1)}{q^n - 1} = 10^5 \frac{1,05^{10} (1,05 - 1)}{1,05^{10} - 1} = 10^5 \frac{1,629 \cdot 0,05}{0,629} = 10^5 \frac{0,08145}{0,629} = 10^5 \cdot 0,12949 = 12949$$
, т.е.

погасителната вноска е 12 949 лв.

## II. Комбинаторика

### 1. Съединения

Съединение се нарича група от елементи на дадено крайно множество. В зависимост от това какви са елементите на съединението различаваме следните видове:

- ◆ **Съединение без повторение** – съединение, което се състои от различни елементи;

Например: Групата от числа 1, 2, 3 или 2, 3, 1 са две съединения с неповтарящи се елементи (числата 1, 2 и 3).

- ◆ **Съединение с повторение** – при този вид съединение някои елементи могат да се повтарят.

Например: Групата от числа 1, 1, 3 или 2, 2, 1 са две съединения с повтарящи се елементи.

#### Бележка:

Ще разглеждаме само съединения с неповтарящи се елементи.

### 2. Основни правила за действия със съединения

- ◆ **Правило за събиране** – Ако елементът А може да бъде избран по N начина, а друг елемент В – по M начина, то кой да е елемент А или В от групата може да бъде избран по N + M начина.
- ◆ **Правило за умножение** – Ако елементът А може да бъде избран по N начина и при всеки избор на А елементът В може да бъде избран по M начина, то изборът на наредената двойка (А, В) може да стане по N.M начина.

### 3. Основни видове съединения

- ◆ **Пермутации** – Наредена група, която съдържа всички дадени елементи точно по един път, т.е. две пермутации могат да имат еднакви елементи и се различават само по подредбата им.

Например: Числата 1 и 2 образуват следните две различни пермутации: (1,2) и (2,1).

Броят на всички пермутации от n елемента се означава с  $P_n$  и се намира по формулата:

$$(6) P_n = n(n-1)(n-2) \dots 3 \cdot 2 \cdot 1 = n!$$

- ♦ **Вариации** – Наредена група от  $k$  различни елемента ( $k$ -ти клас) избрани измежду дадените  $n$  елемента, като  $k \leq n$ .

Две вариации се различават една от друга или по един различен елемент или ако имат еднакви елементи, но подредени по различен начин.

Например: С цифрите 1, 2 и 3 могат да се съставят следните различни двуцифрени числа: 12, 21, 13, 31, 23, 32. Виждаме, че първата и втората наредена двойка от числа имат еднакви елементи, но подредени по различен начин. Затова, тези двойки са вариации. Първата и последната двойка от числа се състои от различни елементи затова, те също са две различни вариации.

Броят на вариациите на  $n$  елемента от  $k$ -ти клас се означава  $V_n^k$  и се намира по формулата

$$(7) V_n^k = n(n-1)(n-2) \dots (n-k+1) = \frac{n!}{(n-k)!}$$

- ♦ **Комбинации** – Наредена група от  $k$  различни елемента ( $k$ -ти клас) избрани измежду дадените  $n$  елемента, като редът на елементите в групата е без значение, т.е. две комбинации са различни, ако имат поне един различен елемент.

Например: Нека да вземем числото 123. Ако разместим (пермутираме) елементите на това число, получаваме  $P_3 = 3! = 3 \cdot 2 \cdot 1 = 6$  съединения. Това са числата 123, 132, 213, 231, 312, 321. Тези 6 съединения са една и съща комбинация от числата 1, 2 и 3, защото не се различават по елементи, но разглеждани като вариации, те са различни вариации.

Броят на комбинациите на  $n$  елемента от  $k$ -ти клас се означава  $C_n^k$  и се намира по формулата

$$(8) C_n^k = \frac{V_n^k}{P_k} = \frac{n(n-1)(n-2) \dots (n-k+1)}{k(k-1)(k-2) \dots 2 \cdot 1} = \frac{n!}{n!(n-k)!}$$

#### 4. Класическа вероятност

- ♦ **Определение** – Вероятност  $p$  за настъпване на едно събитие  $A$  наричаме отношението на броя  $m$  на благоприятните случаи на  $A$  към броя  $n$  на всич-

ки възможни случаи.

$$(9) p(A) = \frac{m}{n} = \frac{\text{брой на благоприятните случаи}}{\text{брой на възможните случаи}}$$

- ♦ **Достоверно събитие** – събитие, което има вероятност 1, т.е. достоверно е събитие, което настъпва при всеки изход.

Например: Достоверно събитие е вероятността водата да се превърне в лед, ако я поставим в хладилника.

- ♦ **Невъзможно събитие** – събитие, което има вероятност 0, т.е. невъзможно е събитие, което няма да настъпи.

Например: Невъзможно събитие е при хвърлянето на един зар да се падне 7.

#### Основни типове задачи

Зад. 6: От 10 певици и 8 певци се избира един изпълнител за солист. По колко различни начина може да стане това?

Решение: Певец може да бъде избран по 8 различни начина (защото са 8 мъже), а певица – по 10 начина (защото са 10 жени). Използваме правилото за събиране на съединения и затова солист (певец или певица) се избира по  $8 + 10 = 18$  начина.

Зад. 7: В ресторант предлагат 4 вида супи, 6 основни ястия и 3 десерта. Колко различни обяда могат да се поръчат?

Решение: Използваме правилото за умножение, защото при всеки избор на супа избираме още основно ястие и десерт. Супата се избира по 4 различни начина. При всеки избор на супа основното ястие се избира по 6 начина, тогава групата (супа, ястие) се избира по  $4 \cdot 6 = 24$  начина. Комбиниране всяка от тези двойки с възможните десерти, т.е. имаме  $24 \cdot 3 = 72$  различни обяда.

Зад. 8: Колко са петцифрените числа съдържащи цифрите 1, 2, 3, 4 и 5 точно по веднъж?

Решение: Броят на всички елементи е 5 като всеки елемент участва точно по един път, затова трябва да намерим броя на пермутациите. От 5 цифри могат да бъдат съставени  $P_5 = 5! = 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 = 120$  петцифрени числа.

Зад. 9: Колко са четирицифрените числа, които съдържащи цифрите 0, 1, 2 и

## Учебен център "СОЛЕМА"

обучение по математика, физика, български и английски език, компютър

адрес: гр.София, ж.к. Надежда, бл. 335

☎: 897 99 54 вечер, г-н Станев; Web страница: [www.solema.hit.bg](http://www.solema.hit.bg); E-mail: [solema@gbg.bg](mailto:solema@gbg.bg)

3 точно по веднъж?

### Решение:

- От 4 цифри могат да бъдат съставени  $P_4 = 4! = 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 = 24$  четирицифрени числа.
- От този брой трябва да извадим броя на пермутациите, при които първата цифра е 0 (защото няма число започващо с нула), т.е.  $P_3 = 3 \cdot 2 \cdot 1 = 6$ .
- Следователно броят на четирицифрените числа, съставени от дадените четири цифри, е  $P_4 - P_3 = 24 - 6 = 18$ .

Зад. 10: Дадени са 6 различни по цвят ленти. Намерете колко различни трицветни знамена могат да се ушият от тях.

**Решение:** Нека всеки цвят да означим с буквите А, Б, В, Г, Д, Е. Вижда се, че за да получим трибуквена дума (едно трицветно знаме) редът на буквите е от значение, то броят на всяка тройка цветове е равен на броя на вариациите на 6 елемента от 3 клас или  $V_6^3 = 6 \cdot 5 \cdot 4 = 120$ , т.е. могат да се ушият 120 знамена.

Зад. 11: Телефонен номер се състои от 6 различни цифри. Човек запомнил само три от тях. Колко опита най-много трябва да направи, за да улучи номера?

**Решение:** Всички цифри са 10 (включително и нулата), но се знаят само три, то за да се улучи номера трябва да се изберат 3 от останалите 7. Тъй като редът на цифрите е от значение, то броят на всички опита е равен на броя на вариациите на 7 елемента от 3 клас или  $V_7^3 = 7 \cdot 6 \cdot 5 = 210$ , т.е. човекът трябва да направи най-много 210 опита.

Зад. 12: Колко са четирицифрените числа, които съдържат цифрите 0, 1, 2, 3, 4 и 5 точно по веднъж?

### Решение:

- Редът на числата в групата е от значение като не се използват всички дадени числа, тогава броят на четирицифрените числа ( $k = 4$ ), които могат да се съставят от шест цифри ( $n = 6$ ) е равен на броя на вариациите на шест елемента от 4 клас  $V_6^4 = 6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 = 360$ ;
- Намираме броят на четирицифрените числа започващи с 0 (защото няма число започващо с нула). Той е равен на броя на вариациите на 5 елемента ( $n = 5$ ) от 3 клас ( $k = 3$ )  $V_5^3 = 5 \cdot 4 \cdot 3 = 60$ ;
- Броят на четирицифрените числа получени от дадените цифри е  $V_6^4 - V_5^3 = 360 - 60 = 300$ .

Зад. 13: По колко различни начина може да се състави отбор от 3 души, ако

изборът се прави измежду 6 човека?

**Решение:** Нека участниците означим с числата 1, 2, 3, 4, 5 и 6. В случая е важно кои участници влизат в отбора, но редът им в списъка няма значение, защото тройките (1, 2, 3) и (3, 2, 1) представляват един и същи отбор. Затова намираме броя на комбинациите на 6 елемента ( $n = 6$ ) от 3 клас ( $k = 3$ ).

- $V_6^3 = 6 \cdot 5 \cdot 4 = 120$ ;
- $P_3 = 3 \cdot 2 \cdot 1 = 6$ ;
- $C_6^3 = \frac{V_6^3}{P_3} = \frac{120}{6} = 20$ , т.е. при даденото условие могат да се съставят 20 отбора.

Зад. 14: В цветарски магазин има 15 червени и 20 бели рози. За съставяне на букет от 5 рози се използват 2 червени и 3 бели рози. Колко букета могат да бъдат съставени?

**Решение:** В букета е важно не подредбата на розите, а елементите от които е изграден, затова търсим комбинации без повторение.

- От 15 червени рози могат да бъдат избрани 2 по  $C_{15}^2 = \frac{V_{15}^2}{P_2} = \frac{15 \cdot 14}{2 \cdot 1} = 105$  начина.
- От 20 бели рози могат да бъдат избрани 3 по  $C_{20}^3 = \frac{V_{20}^3}{P_3} = \frac{20 \cdot 19 \cdot 18}{3 \cdot 2 \cdot 1} = 1140$  начина.
- По правилото за умножение, букет от 5 рози може да бъде избран по  $C_{15}^2 \cdot C_{20}^3 = 105 \cdot 1140 = 119\,700$  начина.

Зад. 15: Да се намери колко окръжности са определени от 7 точки, ако никои 3 от тях не лежат на една права и никои 4 не лежат на една окръжност.

(Зрелостен изпит, 1995)

**Решение:** Обозначаваме дадените точки с А, В, С, Д, Е, F и G. Една окръжност се определя от 3 точки. Например точките В, С, F определят една окръжност, която означаваме (BCF). Съединенията (окръжностите) (BFC) и (FBC) са една и съща окръжност, защото не се различават по елементи (обаче, съединенията (BFC) и (ADG) са различни окръжности). Затова търсим броя на комбинациите на 7 елемента ( $n = 7$ ) от 3 клас ( $k = 3$ ), т.е. броя на търсените окръжности е  $C_7^3 = \frac{V_7^3}{P_3} = \frac{7 \cdot 6 \cdot 5}{3 \cdot 2 \cdot 1} = 35$ .

Зад. 16: В един състав имало 10 певци и 12 певици. За концерт по случаен начин се избира група от трима човека. Каква е вероятността в групата да има:

а) 2 певици и 1 певец;

б) 3 певича.

**Решение:** В състава има 22 човека и се избират трима от тях, затова броят на всички възможни групи е  $n = C_{22}^3 = \frac{V_{22}^3}{P_3} = \frac{22 \cdot 21 \cdot 20}{3 \cdot 2 \cdot 1} = 1540$ .

а) Търсената вероятност намираме по следният начин:

• Две певича могат да бъдат избрани по  $C_{12}^2 = \frac{V_{12}^2}{P_2} = \frac{12 \cdot 11}{2 \cdot 1} = 66$  различни начина;

• Един певец може да бъде избран по  $C_{10}^1 = \frac{V_{10}^1}{P_1} = \frac{10}{1} = 10$  различни начина;

• От правилото за умножение следва, че броят на благоприятните изходи  $m$  (брой на всички групи, в които има точно 2 певича и 1 певец) е  $C_{12}^2 \cdot C_{10}^1 = 66 \cdot 10 = 660$ ;

• Вероятността  $p(A)$  в състава да има 2 певича и 1 певец е

$$p(A) = \frac{m}{n} = \frac{C_{12}^2 \cdot C_{10}^1}{C_{22}^3} = \frac{660}{1540} = \frac{3}{7}.$$

б) Търсената вероятност намираме по следният начин:

• Три певича могат да бъдат избрани по  $C_{12}^3 = \frac{V_{12}^3}{P_3} = \frac{12 \cdot 11 \cdot 10}{3 \cdot 2 \cdot 1} = 220$  различни начина. Това е и броят на благоприятните изходи  $m$ ;

• Вероятността  $p(A)$  в състава да има 3 певича е  $p(A) = \frac{m}{n} = \frac{C_{12}^3}{C_{22}^3} = \frac{220}{1540} = \frac{1}{7}$ .

Зад. 17: В един магазин има 10 хладилника, като 20% от тях са със скрит дефект. Каква е вероятността:

а) да се закупят 3 здрави хладилника?

б) всички закупени 3 хладилника да са дефектни?

**Решение:** Броят на дефектните хладилници е 20% от 10 = 2. Произволният избор на 3 хладилника от 10 е една комбинация на 10 елемента ( $n = 10$ ) от 3 клас ( $k=3$ ). Тогава броят на всевъзможните начини (брой на благоприятните случаи), по които могат да се изберат 3 хладилника от 10, е  $n = C_{10}^3 = \frac{V_{10}^3}{P_3} = \frac{10 \cdot 9 \cdot 8}{3 \cdot 2 \cdot 1} = 120$ .

а) Щом 2 хладилника от 10 са дефектни, то 8 са здрави.

• Избирането на 3 здрави хладилника (това е броят на благоприятните случаи  $m$ ) е равен на броя на комбинациите на 8 елемента ( $n = 8$ ) от 3 клас ( $k = 3$ ), т.е.

$$m = C_8^3 = \frac{V_8^3}{P_3} = \frac{8 \cdot 7 \cdot 6}{3 \cdot 2 \cdot 1} = 56;$$

• Вероятността  $p(A)$  да купим 3 здрави хладилника е  $p(A) = \frac{m}{n} = \frac{C_8^3}{C_{10}^3} = \frac{56}{120} = \frac{7}{15}$ .

б) Щом дефектните хладилници са само 2 от всички 10, то закупуването на 3 дефектни хладилника е невъзможно събитие, т.е. вероятността е 0.

### III. Статистика

#### 1. Средна стойност

(10)  $\bar{X} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n}$ , където  $x_1, x_2, \dots, x_n$  са стойностите на данните,  $n$  – броят им,  $\bar{X}$  – средната стойност.

**Например:** Средната стойност на множеството от данни 3, 5, 1, 5 е

$$\bar{X} = \frac{3+5+1+5}{4} = \frac{14}{4} = 3,5$$

#### 2. Медиана

◆ **Статистически ред** – Данните са подредени по големина, като най-често се започва от най-малката, т.е. при статистическият ред данните се подреждат по възходящ ред.

◆ **Определение** – Стойността, която се намира в средата на статистическия ред.

○ Нечетен брой данни – когато броят на данните е нечетен, то медианата е равна на числото намиращо се в средата на редицата;

**Например:** Медианата на множеството от данни 2, 2, 4, 7, 7 е числото 4, защото:

(1): Данните са подредени по възходящ ред; (2) Броят на членовете е нечетен; (3): Числото 4 е централен член (преди него и след него има еднакъв брой членове).

○ Четен брой данни – когато броят на данните е четен, то медианата е равна на средноаритметичното на двата централни члена в редицата.

**Например:** Медианата на множеството от данни 2, 2, 2, 4, 7, 7 е числото 3, защото:

(1): Данните са подредени по възходящ ред; (2) Броят на членовете е четен; (3): Числото 3 средноаритметично на двата централни члена 2 и 4.



## Учебен център "СОЛЕМА"

обучение по математика, физика, български и английски език, компютър

адрес: гр.София, ж.к. Надежда, бл. 335

☎: 897 99 54 вечер, г-н Станев; Web страница: [www.solema.hit.bg](http://www.solema.hit.bg); E-mail: [solema@gbg.bg](mailto:solema@gbg.bg)

(Зрелостен изпит, 1995 г.)

15. По колко различни начина могат да се зачеркнат четири числа измежду числата 3, 4, 5, 6, 7, 8. Отг.: 10
16. Да се намери по колко различни начина могат да се изберат три от осем химикалки. Отг.: 56
17. Дадени са пет различни по цвят ленти от плат. Да се намери колко различни трицветни знамена могат да се ушийт от тях. Отг.: 10
18. Да се намери по колко различни начина може да се изберат трима човека от група от 24 човека. Отг.: 2024
19. Комисия която се състои от 20 души трябва да избере председател и главен секретар. Намерете по колко различни начина може да стане това.
20. Събрание от 25 човека трябва да избере председател, заместник-председател и секретар, като всеки член може да заема само една длъжност. Да се намери броят на различните начини, по които може да стане този избор. Отг.: 13 800
21. Намерете по колко различни начина събрание от 60 човека може да избере председател, главен секретар и трима секретари.
22. Патрулна двойка се състои от един сержант и един войник. Намерете по колко различни начина може да се избере патрулната двойка от 4 сержанта и 9 войника.
23. Намерете по колко различни начина може да се сформира състав от трима певци и седем певици, ако на прослушване са се явили 10 певци и 20 певици.
24. Намерете по колко различни начина могат да се разпределят 12 различни предмета между трима човека, така че всеки от тях да получи по 4 предмета.
25. От 10 карамфила и 8 рози е направен букет от 2 карамфила и 3 рози. Намерете броя на различните букети. Отг.: 2520
26. Дадени са 5 плика без марки и 4 еднакви марки. По колко различни начина може да се изберат един плик и една марка за изпращане на писмо? Отг.: 20
27. В кутия има 10 молива, от които 4 са с твърдост "Н", а останалите са с твърдост "В". Да се намери броят на различните начини, по които може да извадим от кутията три молива, два от които са с твърдост "Н". Отг.: 70
28. Да се намери броят на различните букети, които да се направят от 10 бели и 9 червени рози така, че всеки букет да е от 5 рози, от които точно две да са бели. Отг.: 3780
29. В магазин има 12 еднакви чаши, от които 8 са порцеланови, а останалите са стъклени. Да се намери броят на различните начини, по които наведнъж могат да се купят 5 чаши, от които 3 да са порцеланови. Отг.: 336
30. В една ваза има 9 червени и 5 бели карамфила. По колко различни начина от тях може да се направи букет от 4 карамфила с еднакъв цвят? Отг.: 131
31. В един шкаф има 6 чаши. По колко различни начина 4 човека могат да вземат по една чаша от този шкаф? Отг.: 360

32. Намерете по колко различни начина може да се сформира група от 3 момчета и 3 момичета, ако имаме общо 6 момчета и 4 момичета. Отг.: 80
33. От думата "МАТЕМАТИКА" се избира случайно една буква. Намерете вероятността тази буква да бъде:
- а) буквата "А"; б) буквата "Т"; в) съгласна буква.
34. От числата 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19 по случаен начин се избира едно число. Да се намери вероятността избраното число
- а) да бъде нечетно; б) да се дели на 3; в) да бъде четно и да се дели на 3.
35. При набиране на шестцифрен телефонен номер абонат забравил последната цифра и я набрал наслука. Намерете вероятността абоната да е набрал верният номер. Отг.: 0, 1
36. При набиране на шест цифрен телефонен номер абонат забравил последните две цифри, като помнел само, че те са различни. Намерете каква е вероятността абоната да е набрал правилния номер. Отг.:  $\frac{1}{90}$
37. От цифрите 3, 4 и 5 са написани без повтаряне върху еднакви кубчета всички възможни трицифрени числа. По случаен начин се избира едно кубче. Да се намери вероятността върху това кубче да е написано числото 345 или 435. Отг.:  $\frac{1}{3}$
38. От буквите М, О, С са написани без повторение върху еднакви квадратчета всички възможни трибуквени думи. По случаен начин се избира едно квадратче. Да се намери вероятността на това квадратче да е написано думата МОС или СОМ. Отг.:  $\frac{1}{3}$
39. Три върха на шестоъгълна призма са сини, а останалите – бели. Да се намери вероятността случайно избран връх на призмата да е син. Отг.:  $\frac{1}{4}$
40. Три от стените на петоъгълна призма са зелени, а останалите – бели. Да се намери вероятността случайно избрана стена на призмата да е бяла. Отг.:  $\frac{4}{7}$
41. В кутия има 6 бели, 4 червени и 2 зелени топки. По случаен начин се изваждат три от тях. Да се намери вероятността и трите топки да са с еднакъв цвят. Отг.:  $\frac{6}{55}$
42. Човек забравил последните 3 цифри от шестцифрен телефонен номер, но помни, че те са различни и ги набира по случаен начин. Да се намери вероятността желаният номер да е избран правилно. Отг.:  $\frac{1}{720}$

## Учебен център "СОЛЕМА"

обучение по математика, физика, български и английски език, компютър

адрес: гр.София, ж.к. Надежда, бл. 335

☎: 897 99 54 вечер, г-н Станев; Web страница: [www.solema.hit.bg](http://www.solema.hit.bg); E-mail: [solema@gbg.bg](mailto:solema@gbg.bg)

---

---

43. На лавицата на библиотека са подредени 10 тома от даден автор. Да се намери броят на различните начини, по които те могат да се подредят така, че томове I, II и III да не стоят един до друг.

Отг.:  $P_{10} - P_8 \cdot P_3$ .

44. Влак се състои от 8 вагона и един вагон-ресторант. Да се намери вероятността вагон № 4 и вагон-ресторанта да са един до друг, независимо от наредбата на тези два вагона.

Отг.:  $\frac{1}{9}$

45. Върху всяко от 7 еднакви квадратчета е написана точно по една буква от думата "ДИСКЕТА". Три от картончетата, върху които са написани съгласни букви, са загубени. От останалите картончета по случаен начин е изтеглено едно картонче.

Да се намери вероятността на това картонче да е написана съгласна буква. Отг.:  $\frac{1}{4}$

46. Да се намери средната стойност на статистическият ред 10, 11, 12, 12, 13, 13, 13.

Отг.: 12

47. Да се намери числото  $a$ , за което медианата на реда 5,  $a$ , 7, 10, 3, 12 е равна на  $\frac{15}{2}$ .

Отг.:  $a = 8$ .

48. Да се намери модата на статистическият ред 2, 3, 3, 4, 4, 4, 5, 5, 5, 5, 6, 6, 6, 7, 7, 8.

Отг.: 5

49. Да се намери модата на статистическия ред 3, 4, 5, 5, 5, 6, 6, 6, 7, 7, 10.

Отг.: 5,5

50. Да се намери модата на статистическият ред 2, 2, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 4, 5, 5, 5, 5.

Отг.: 4,5

УЧЕБЕН ЦЕНТЪР  
"СОЛЕМА"  
[www.solema.bg.com](http://www.solema.bg.com)